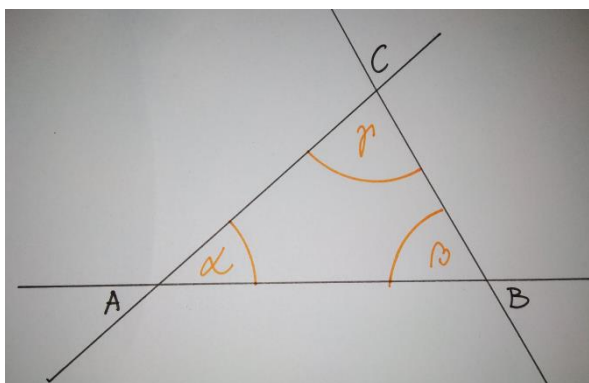


TAKTO OZNAČENÝ TEXT JE POUZE VYSVĚTLUJÍCÍ, NEPIŠTE SI JEJ

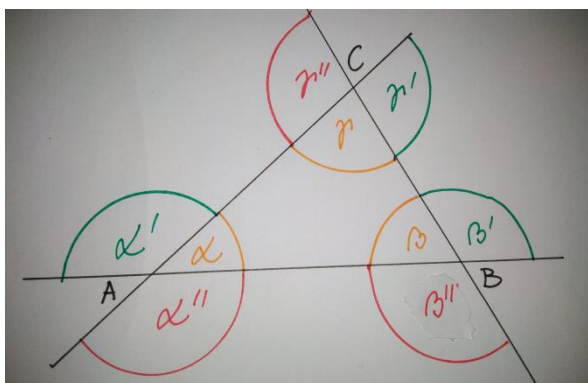
- jedná se o učivo na celý týden 20.4. - 24.4.2020)
- poznámky si pokud možno přepište do sešitu (popř. vytiskněte a do sešitu vlepíte)
- DĚKUJI ZA ZAJÍMAVÉ FOTKY S ÚHLEM NEBO TROJÚHELNÍKEM - NĚKTEŘÍ JSTE OPRAVDU KOUMÁCI ☺
- TENTO TÝDEN SI OTESTUJETE SVÉ ZNALOSTI O TROJÚHELNÍCÍCH, ODPOVĚDI HLEDEJTE V TEXTU Z MINULÉHO TÝDNE
- A TEST HLEDEJTE ZDE  
<https://forms.gle/F8v3YQ8eG3BBeoiB8>

PONDĚLÍ

## VNĚJŠÍ ÚHLY TROJÚHELNÍKU



- doteď jsme hovořili o vnitřních úhlech trojúhelníku
  - ⇒ jsou tři
  - ⇒ jsou uvnitř trojúhelníku (rameno vnitřních úhlů = strany troj.)
  - ⇒ součet všech vnitřních úhlů v KAŽDÉM trojúhelníku je VŽDY 180°



- každý vnitřní úhel má **dva úhly vnější**
  - ⇒ vnější úhly trojúhelníku leží vně (=venku) trojúhelníku
  - ⇒ jeden vnější úhel tvoří spolu s vnitřním úhlem dvojici **VEDLEJŠÍCH ÚHLŮ** = součet vnitřního a vnějšího úhlu je 180°
  - ⇒ čteme **alfa S ČÁRKOU**, **beta S ČÁRKOU**, **gama S ČÁRKOU** (resp. alfa SE DVĚMA ČÁRKAMI, beta SE DVĚMA ČÁRKAMI, gama SE DVĚMA ČÁRKAMI)

POZOR TEDY NA „SLOVÍČKAŘENÍ“ - VNĚJŠÍ ÚHEL NENÍ TOTÉŽ JAKO VNITŘNÍ ÚHEL, DÁVEJTE SI PŘI ZADÁNÍ POZOR

A JEŠTĚ PLATÍ JEDNA „ZAJÍMAVOST“ - VELIKOST VNĚJŠÍHO ÚHLU **ALFA S ČÁRKOU** JE STEJNÁ, JAKO **SOUČET VNITŘNÍCH ÚHLŮ BETA A GAMA** (ZKUSTE PŘIJÍT NA TO, PROČ - SOUVISÍ TO SE SOUČTEM VNITŘNÍCH ÚHLŮ - VIZ MINULÝ TÝDEN), **STEJNĚ TAK VELIKOST VNĚJŠÍHO ÚHLU GAMA S ČÁRKOU JE STEJNÁ, JAKO SOUČET VNITŘNÍCH ÚHLŮ ALFA A BETA**, TOTÉŽ PLATÍ PRO ÚHEL BETA S ČÁRKOU...

## ÚTERÝ

TOLIK KE KAPITOLE VNITŘNÍ ÚHLY TROJ. A ROZDĚLENÍ TROJ. PODLE VELIKOSTI VNITŘNÍCH ÚHLŮ, MŮŽEME POKRAČOVAT S ROZDĚLENÍM TROJ.

# ROZDĚLENÍ TROJÚHELNÍKŮ

---

trojúhelníky lze rozdělit podle

1. velikosti vnitřních úhlů (OSTROÚHLÉ, PRAVOÚHLÉ, TUPOÚHLÉ)
2. délky stran

## 2. PODLE DÉLKY STRAN

ZAPOMNĚLA JSEM MINULÝ TÝDEN ZMÍNIT ZPŮSOB POJMENOVÁVÁNÍ VRCHOLŮ TROJÚHELNÍKU - PRVNÍ VRCHOL BY MĚL LEŽET VLEVO DOLE A OSTATNÍ VRCHOLY JDOU PROTI SMĚRU HODINOVÝCH RUČÍČEK

- strany popisujeme malými psacími písmeny
- pozor na správně pojmenované strany (strana  $a$  leží na úsečce BC, strana  $b$  leží na úsečce AC, strana  $c$  leží na úsečce AB)
- vždy musí platit tzv. **TROJÚHELNÍKOVÁ NEROVNOST** - součet délek dvou stran musí být větší než třetí strana (nebo také: součet délek dvou kratších stran musí být větší než strana nejdelší)

POKUD POROVNÁVÁME DÉLKY TŘÍ STRAN TROJÚHELNÍKA, MOHOU NASTAT 3 RŮZNÉ SITUACE - CHVILKU SE ZAMYSLETE A POKUSTE SE TYTO SITUACE VYMYSLIT

MYSLI

STÁLE JEŠTĚ MYSLI

## A) OBECNÝ TROJÚHELNÍK

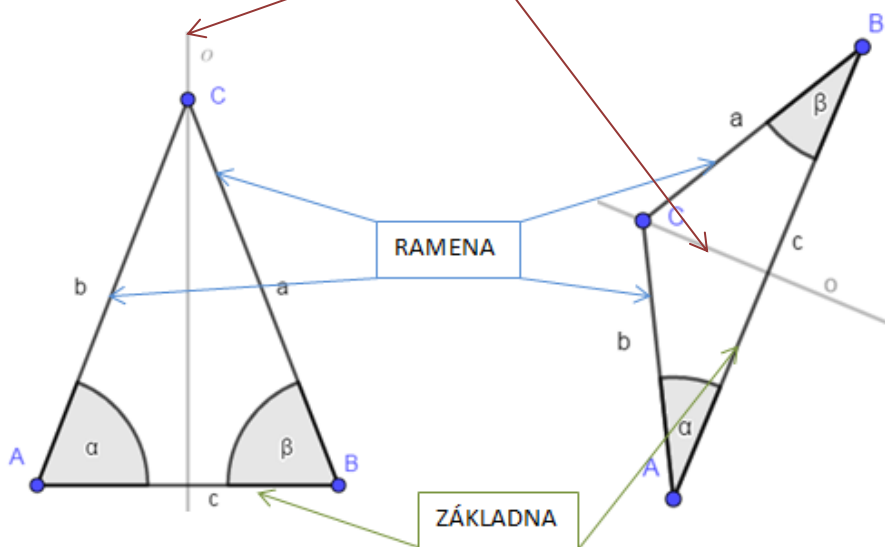
VŠECHNY STRANY JSOU RŮZNĚ DLOUHÉ

- 3 různě dlouhé strany
- 3 různě velké vnitřní úhly (NAPROTI NEJVĚTŠÍMU ÚHLU LEŽÍ NEJDELŠÍ STRANA - PLATÍ VE VŠECH TROJÚHELNÍCÍCH)

## B) ROVNORAMENNÝ TROJÚHELNÍK

DVĚ STRANY STEJNĚ DLOUHÉ, TŘETÍ STRANA RŮZNÁ (může být kratší i delší)

- dvě stejně dlouhé strany se nazývají **RAMENA**, třetí strana se nazývá **ZÁKLADNA**
- úhly při základně jsou stejně velké (na obr. označeny alfa - beta)
- osově souměrný podle jedné osy (osa souměrnosti = osa základny) **TROJÚHELNÍK LZE PŘELOŽIT NAPŮL TAK, ŽE VZNIKNOU DVA STEJNÉ TROJÚHELNÍKY**



### JAK SESTROJIT ROVNORAMENNÝ TROJÚHELNÍK

BUDEŠ POTŘEBOVAT KRUŽÍTKO

POSTUP NENÍ NUTNÉ SI PŘEPISOVAT

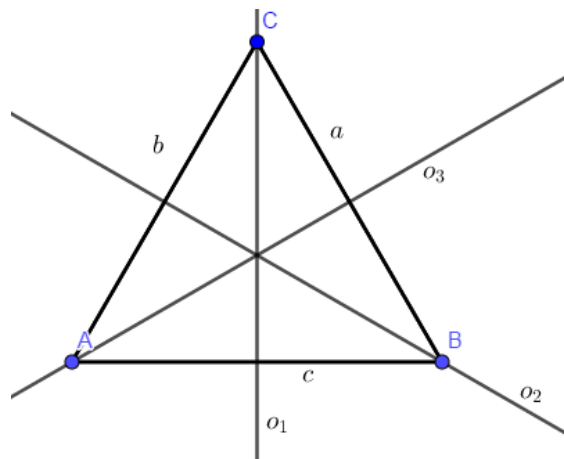
1. nejprve narýsovat základnu AB
2. pak kružítkem oblouček z vrcholu B
3. stejně veliký oblouček z vrcholu A (NESMÍTE HNOUT S ROZPĚTÍM KRUŽÍTKA!)
4. obloučky se protnou v jednom bodě (POKUD BYSTE RÝSOVALI CELÉ KRUŽNICE, PROTNOU SE VE DVOU BODECH - DRUHÝ BOD BUDE POD ZÁKLADNOU)
5. tento průsečík je třetí vrchol rovnoramenného troj.
6. zkontrolujte velikosti úhlů při základně (jsou stejné?)

[VIDEONÁVOD NAJDETE ZDE](#) (VIDEA JSOU BEZ ZVUKU)

## STŘEDA

### C) ROVNOSTRANNÝ TROJÚHELNÍK

- všechny strany stejně dlouhé
- všechny vnitřní úhly stejně veliké: součet vnitřních úhlů je vždy  $180^\circ$ , všechny úhly jsou stejné  
 $\Rightarrow 180^\circ : 3 = 60^\circ$
- velikost každého vnitřního úhlu je  $60^\circ$
- 3 osy souměrnosti (= osy jednotlivých stran)



#### JAK SESTROJIT ROVNOSTRANNÝ TROJÚHELNÍK

##### POSTUP NENÍ NUTNÉ SI PŘEPISOVAT

1. narýsovat libovolnou stranu
2. pak kružítkem oblouček tak, aby hrot kružítka byl v jednom z narýsovaných vrcholů a tuha kružítka procházela druhým vrcholem
3. z druhého vrcholu to samé
4. obloučky se protnou v jednom bodě (resp. ve dvou - druhý bod by byl pod narýsovanou stranou)
5. tento průsečík je třetí vrchol rovnostranného trojúhelníku.
6. zkontrolujte velikosti vnitřních úhlů, jsou  $60^\circ$ ?

[VIDEONÁVOD NAJDETE ZDE](#) (VIDEA JSOU BEZ ZVUKU)

## ČTVRTEK

- tabulku si přepiš a doplň ✓ (pokud uvedená kombinace existuje) nebo X (pokud uvedená kombinace neexistuje)

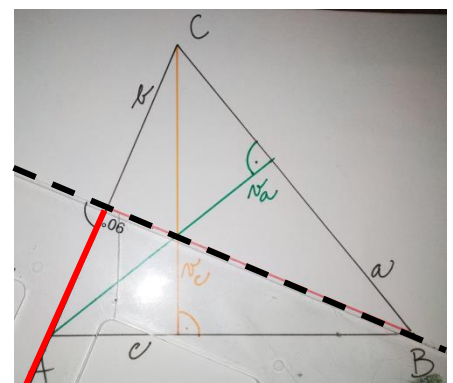
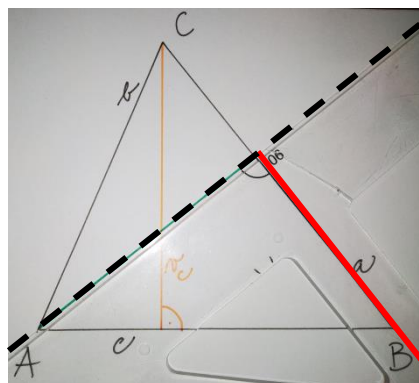
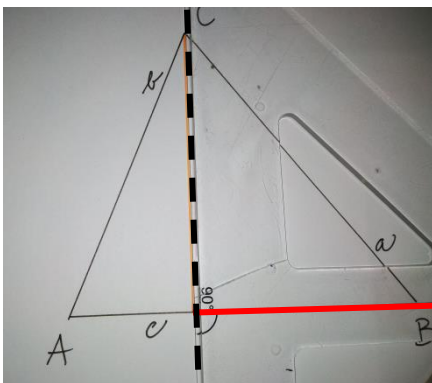
	OSTROÚHLÝ	PRAVOÚHLÝ	TUPOÚHLÝ
OBEČNÝ TROJ.			
ROVNORAMENNÝ TROJ.			
ROVNOSTRANNÝ TROJ.			

# VÝŠKY TROJÚHELNÍKŮ

## POTŘEBUJEŠ TROJÚHELNÍK S RYSKOU

= výška je úsečka procházející vrcholem trojúhelníka a zároveň je **KOLMÁ** na protější stranu

- průsečík výšky s příslušnou stranou se nazývá **PATA VÝŠKY**
- každý trojúhelník má 3 různé výšky
- značíme  $v_x$  (místo toho malého x se vždy napíše ta strana, na kterou je výška kolmá)
- všechny výšky se protínají v jednom společném bodě (průsečík výšek = ORTOCENTRUM)

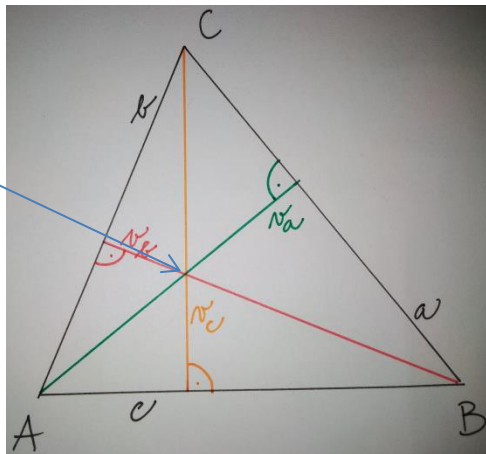


## JAK NARÝSOVAT VÝŠKY:

- při rýsování je nutné vždy přiložit **rysku** (na obr. červená barva) na stranu trojúhelníka, **nejdelší strana pravítka** (na obr. čárkovaná čára) pak musí procházet vrcholem trojúhelníka

## 1. VÝŠKY V OSTROUHLÉM TROJÚHELNÍKU

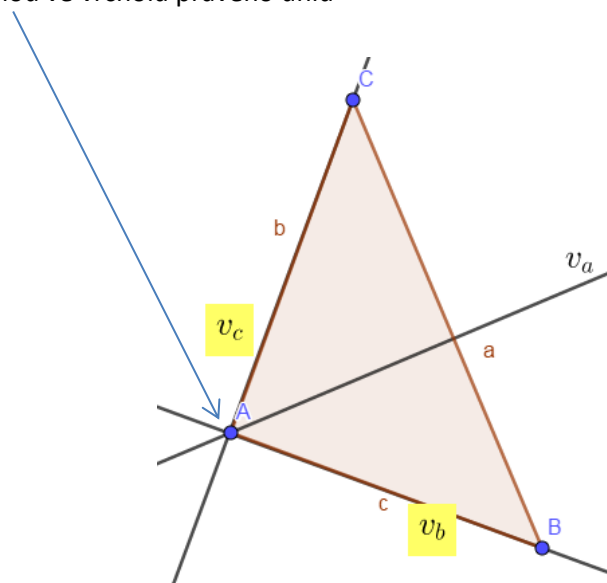
- STÁLE SI HLÍDEJTE SPRÁVNĚ OZNAČENÉ STRANY TROJ.
- NARÝSUJTE LIBOVOLNÝ OSTROUHLÝ TROJÚHELNÍK A PODLE PŘEDCHOZÍHO POSTUPUSE POKUSTE V NĚM NARÝSOVAT VŠECHNY TŘI VÝŠKY
- VÝŠKY SPRÁVNĚ POPIŠ (výška  $v_a$  je kolmá na stranu  $a$  a prochází vrcholem A, výška  $v_b$  je kolmá na stranu  $b$  a prochází vrcholem B, výška  $v_c$  je kolmá na stranu  $c$  a prochází vrcholem C)
- výšky se protnou uvnitř tohoto trojúhelníka



## PÁTEK

## 2. VÝŠKY V PRAVOUHLÉM TROJÚHELNÍKU

- NARÝSUJTE LIBOVOLNÝ PRAVOUHLÝ TROJÚHELNÍK ABC TAK, ABY MĚL PRAVÝ ÚHEL PŘI VRCHOLU A
- NARÝSUJTE V NĚM VŠECHNY TŘI VÝŠKY (VE SKUTEČNOSTI BUDETE RÝSOVAT POUZE JEDNU VÝŠKU -  $v_a$ )
- dvě kolmé strany jsou zároveň i výškami tohoto trojúhelníka (POZOR na správné pojmenování těchto výšek - strana  $b$  je zároveň výška  $v_c$ , strana  $c$  je zároveň výška  $v_b$ )
- výšky se protnou ve vrcholu pravého úhlu



### 3. VÝŠKY V TUPOÚHLÉM TROJÚHELNÍKU

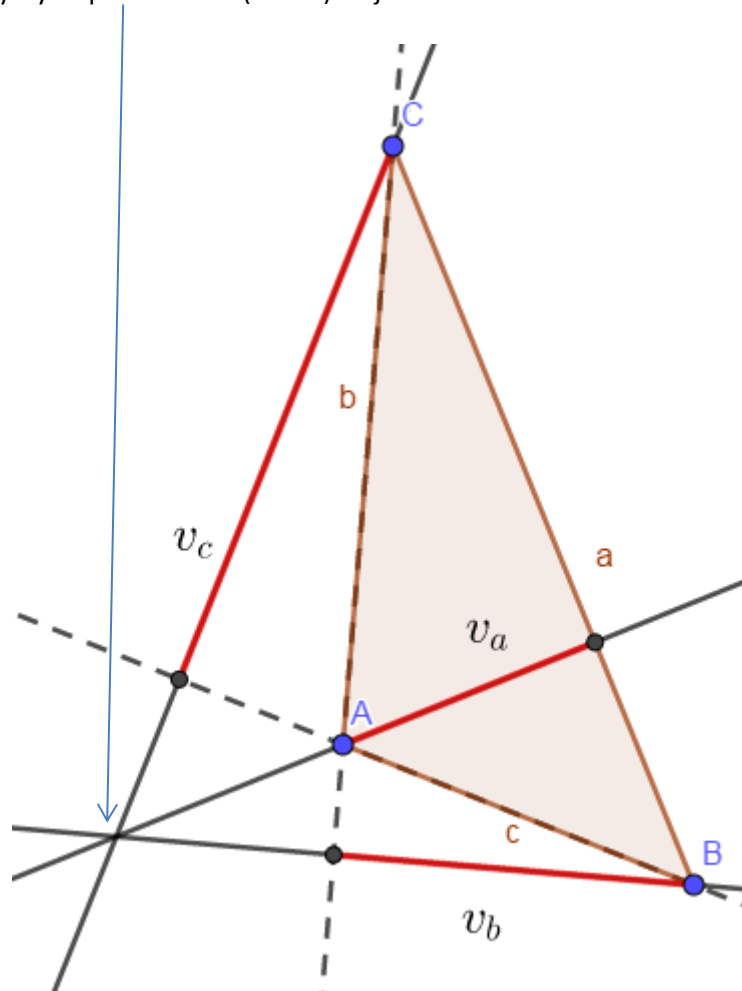
TO NEJTĚŽŠÍ NAKONEC

OPĚT NARÝSUJTE LIBOVOLNÝ TUPOÚHLÝ TROJÚHELNÍK, TENTOKRÁT ALE BUDETE POTŘEBOVAT KOLEM NĚJ VOLNÉ MÍSTO - NEJPRVE SI PROHLÉDNI OBRÁZEK, PAK RÝSUJ

- jedna výška (ta, která prochází tupým úhlem) je snadná, ostatní dvě jsou už náročnější:
  - je nutné prodloužit strany trojúhelníka (ty, které tvoří ramena tupého úhlu)
  - a na této „prodloužené“ straně teprve sestavit jednotlivé výšky
  - pozor při rýsování - ať je stále jasný původní trojúhelník

[VIDEONÁVOD NAJDETE ZDE](#) (VIDEA JSOU BEZ ZVUKU - na závěr jsou vyznačeny jednotlivé výšky)

- délka výšky končí na hranici prodloužené strany (výška je úsečka ohraničená vrcholem troj. a patou výšky)
- všechny výšky se protnou vně (venku) trojúhelníku



ZÁVĚREČNÝ **NEPOVINNÝ** ÚKOL - ZMĚŘ VÝŠKU SEBE, RODIČŮ, STROPU, DVEŘÍ, JEDNOHO SCHODU.....  
A JAK BYS TŘEBA ZMĚŘIL VÝŠKU CELÉHO DOMU? STROMU? KOSTELNÍ VĚŽE? MÁŠ-LI NĚJAKÝ SKVĚLÝ  
NÁPAD, POCHLUB SE ☺